durée: 1 heure

date : 20/01/2012 2ème année Sciences

Exercice n° 1: (6 points)

On considère l'entier naturel N = 55y94x où x désigne le chiffre des unités et y le chiffre des milliers, r est le reste de la division euclidienne de N par 11.

- 1. On donne x = 1 et y = 8:
 - **a.** Calculez r.
 - **b.** Déduisez-en le reste de la division euclidienne de N² par 11.
- 2. On donne x = 9, déterminez y pour que N soit divisible par 11, justifiez.
- 3. On donne y = 7 et r = 10. Calculez x.

Exercice n° 2: (5 points)

Soit *n* un entier naturel non nul, on donne l'expression $A = 3n^2 + 7n - 6$.

- 1. Trouvez les entiers a et b pour lesquels A = (n + 3) (an + b).
- 2. Déterminez les valeurs de n pour lesquelles $\frac{3n^2+7n}{n+3}$ est un entier naturel.

Exercice n° 3: (9 points)

Soient ξ et ξ ' deux cercles de centres respectifs O et O', tangents extérieurement en A et de rayons respectifs r = 2 et r' = 3. On considère h l'homothétie de centre A qui transforme O en O'.

1.

- a. Déterminez le rapport k de h.
- **b.** Montrez que ξ ' est l'image de ξ par h.
- 2. La perpendiculaire à (OA) en O coupe ξ en B et C.
 - a. Construisez le point I image de C par h.
 - **b.** La droite (AB) recoupe ξ' en J. Déterminez l'image de B par h.
 - c. Déduisez-en que les droites (IJ) et (AO) sont perpendiculaires.
- 3. La droite (OA) recoupe ξ en E. On pose h(E) = K.
 - a. Vérifiez que $K \in \xi'$.
 - b. Précisez la nature du triangle EBC. Déduisez-en celle du triangle KIJ. Justifiez.
- 4. Soit Δ la tangente à ξ en A, la droite (EB) coupe Δ en F. Montrez que F' est le barycentre des points pondérés (K, -1) et (J, 2) où F' est l'image de F par h.
- 5. Soit M un point de Δ vérifiant : MF + MA = AF. Déterminez et représentez en couleur le lieu du point M' l'image de M par h.

